

Schülerinfotag

22.09.2023

Lehrstuhl für Didaktik der Mathematik

Zur Person

Nicolai von Schroeders

Dipl.-Math., Dipl.-Wi.-Math.

Examinierter Gymnasial-Gesamtschullehrer Sek. I/II
(Mathematik/Informatik)

seit Februar 2012 am Lehrstuhl (nach 10 Jahren im
Schuldienst)

Akademischer Oberrat (Lehrkraft für besondere
Aufgaben = Lehrer im Hochschuldienst)

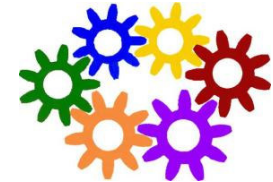
Primär Ausbildung der GY/RS/MS- Lehrkräfte tätig.

Schwerpunkte: Problemlösen, Stochastik, Diagnostik

Kompetenzen verstehen und lehren

- **Inhaltsbezogene**
(Leitideen, Inhaltliche Themenstränge: Muster und Strukturen, Zahlen und Operationen, Größen und Messen, Funktionen, Raum und Form, Daten und Zufall)
- **Prozessbezogene (!)**
(in vielen Fällen müssen Sie sich diese erstmal bewusst machen!)

- Prozessbezogenen Kompetenzen
 - (K 1) Mathematisch argumentieren
 - (K 2) Probleme mathematisch lösen
 - (K 3) Mathematisch modellieren
 - (K 4) Mathematische Darstellungen verwenden
 - (K 5) Mit symbolischen, formalen und technischen Elementen der Mathematik umgehen (nicht in der GS)
 - (K 6) Kommunizieren



- (K 1) Mathematisch argumentieren
 - Fragen stellen, die für die Mathematik charakteristisch sind („Gibt es...?“, „Wie verändert sich...?“, „Ist das immer so ...?“) und Vermutungen begründet äußern,
 - mathematische Argumentationen entwickeln (wie Erläuterungen, Begründungen, Beweise),
 - Lösungswege beschreiben und begründen.

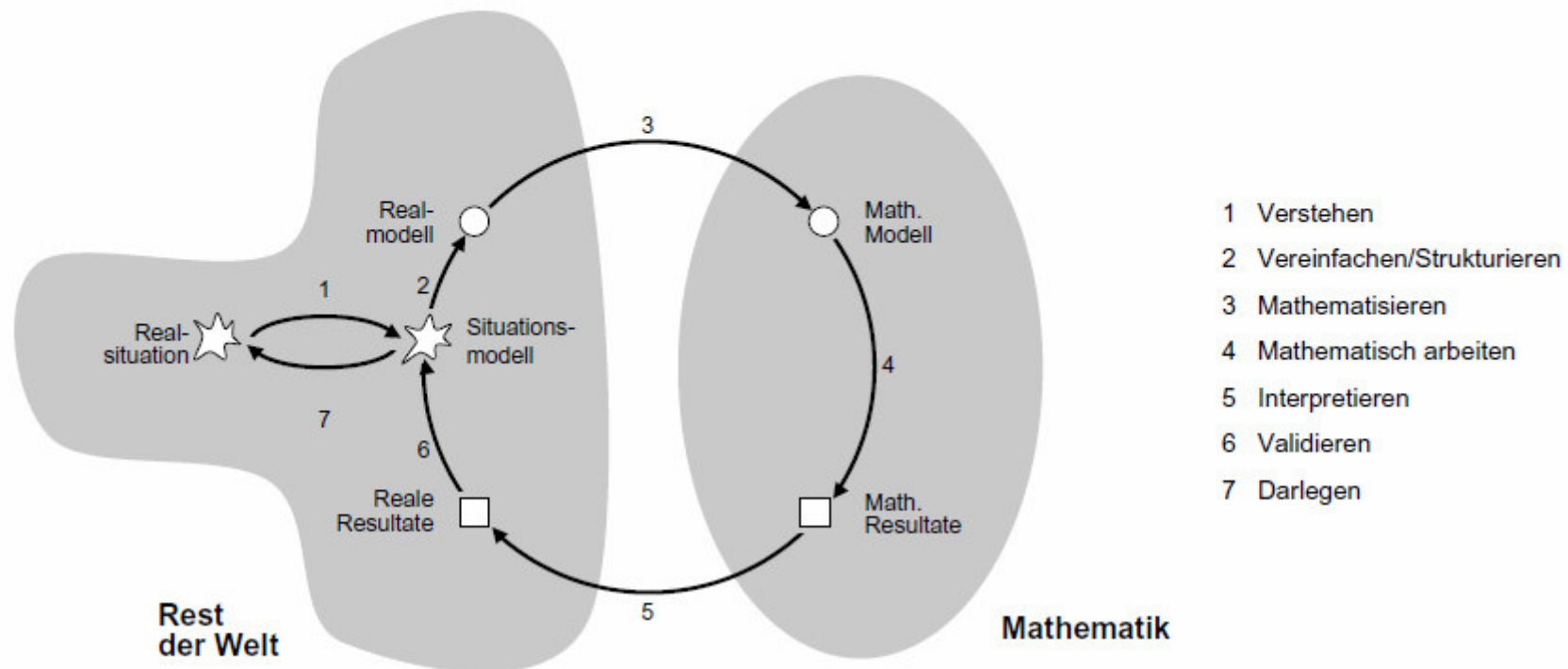
- (K 2) Probleme mathematisch lösen
 - vorgegebene und selbst formulierte Probleme bearbeiten,
 - geeignete heuristische Hilfsmittel, Strategien und Prinzipien zum Problemlösen auswählen und anwenden,
 - die Plausibilität der Ergebnisse überprüfen sowie das Finden von Lösungsideen und die Lösungswege reflektieren.

- (K 2) Probleme mathematisch lösen
„Typische“ Probleme im Mathematikunterricht
 - Beweisprobleme
 - Modellierungsprobleme
 - (geometrische) Konstruktionsprobleme
 - Finden von Algorithmen
 - Aufgaben zu einem noch unbekanntem Thema
 - Knobelaufgaben

- (K 3) Mathematisch modellieren
 - den Bereich oder die Situation, die modelliert werden soll, in mathematische Begriffe, Strukturen und Relationen übersetzen,
 - in dem jeweiligen mathematischen Modell arbeiten,
 - Ergebnisse in dem entsprechenden Bereich oder der entsprechenden Situation interpretieren und prüfen.

Was heißt mathematisches Modellieren?


Prozessschema des LöSENS **realitätsbezogener Aufgaben** (Blum/Leiß)



- (K 4) Mathematische Darstellungen verwenden
 - verschiedene Formen der Darstellung von mathematischen Objekten und Situationen anwenden, interpretieren und unterscheiden,
 - Beziehungen zwischen Darstellungsformen erkennen,
 - unterschiedliche Darstellungsformen je nach Situation und Zweck auswählen und zwischen ihnen wechseln.

- (K 5) Mit symbolischen, formalen und technischen Elementen der Mathematik umgehen (nicht GS)
 - mit Variablen, Termen, Gleichungen, Funktionen, Diagrammen, Tabellen arbeiten,
 - symbolische und formale Sprache in natürliche Sprache übersetzen und umgekehrt,
 - Lösungs- und Kontrollverfahren ausführen,
 - mathematische Werkzeuge (wie Formelsammlungen, Taschenrechner, Software) sinnvoll und verständig einsetzen.

- (K 6) Kommunizieren
 - Überlegungen, Lösungswege bzw. Ergebnisse dokumentieren, verständlich darstellen und präsentieren, auch unter Nutzung geeigneter Medien,
 - die Fachsprache adressatengerecht verwenden,
 - Äußerungen von anderen und Texte zu mathematischen Inhalten verstehen und überprüfen.



**Ein Beispiel zu den
inhaltsbezogenen
Kompetenzen aus dem
Themengebiet Zahlen und
Operationen
(Primarstufe)**

Wie bestimmen Sie die
Lösung der folgenden
Aufgabe?


$$27 + 25$$



$$27 + 25$$

- (1) Schrittweise: $27 + 20 + 5$
- (2) Stellenweise: $(20 + 20) + (7 + 5)$
- (3) Stellen- und Schrittweise: $(20 + 20) + 7 + 5$
- (4) Hilfsaufgabe: $(30 + 25) - 3$
- (5) Verdoppeln: $2 * 25 + 2$
- (6) Gegensinniges Verändern: $(27 + 3) + (25 - 3) = 30 + 22$
- (7) Ziffernweise: $7+5=2$ Übertrag 1, $2+2+1=5$, 52

Ziel: Flexibles Rechnen, Verinnerlichen des Zahlenraums/der Zahlbeziehungen



**Ein Beispiel zu den
inhaltsbezogenen
Kompetenzen aus dem
Themengebiet Zahlen und
Operationen
(Sekundarstufe I)**

Wie können Sie die allgemeine Divisionsregel für gewöhnliche Brüche

$$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c}$$

begründen/herleiten?



Möglichkeit 1:

Umkehroperation & Operatormodell & Umkehroperation

$$\frac{4}{5} : \frac{2}{3} = x \Leftrightarrow x \cdot \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \Rightarrow x \xrightarrow{\cdot 2} [\] \xrightarrow{:3} \frac{4}{5} \Rightarrow \frac{4}{5} \xrightarrow{\cdot 3} [\] \xrightarrow{:2} x \Rightarrow \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{2} = \frac{4 \cdot 3}{5 \cdot 2} = x$$

(1) In der Didaktik liegt der Schwerpunkt darauf, die obenstehende Gleichungen/Äquivalenzen und Folgerungen erklären/begründen zu können!

(2) Ziel des Mathematikunterrichts ist, verständnisorientiert zu lehren. Formeln nicht nur auswendig lernen, sondern das Zustandekommen verstehen (auch wenn das später seitens der SchülerInnen wieder vergessen wird!)

Möglichkeit 2:

„Zähler durch Zähler, Nenner durch Nenner“-Ansatz als Umkehrung der Multiplikationsregel für Brüche

$$\begin{array}{l} \text{Stufe 1} \quad \frac{8}{15} : \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \quad \text{Stufe 2} \quad \frac{7}{15} : \frac{2}{3} = \frac{7 \cdot 2}{15 \cdot 2} : \frac{2}{3} = \frac{7}{10} \quad \text{bzw.} \\ \frac{8}{13} : \frac{2}{3} = \frac{8 \cdot 3}{13 \cdot 3} : \frac{2}{3} = \frac{12}{13} \\ \text{Stufe 3} \quad \frac{7}{13} : \frac{2}{3} = \frac{7 \cdot 2 \cdot 3}{13 \cdot 2 \cdot 3} : \frac{2}{3} = \frac{7}{13 \cdot 2} \cdot \frac{3}{2} = \frac{7 \cdot 3}{13 \cdot 2} = \frac{7}{13} \cdot \frac{3}{2} \end{array}$$

Möglichkeit 3:

Doppelbruch und Erweitern

$$\frac{7}{13} : \frac{2}{3} = \frac{7}{13} \cdot \frac{3}{2} = \frac{7 \cdot 3}{13 \cdot 2} = \frac{7 \cdot 3}{1} = \frac{7}{13} \cdot \frac{3}{2} \quad (\text{mit Bruch erweitern})$$

$$\begin{aligned} \frac{7}{13} : \frac{2}{3} &= \frac{7}{13} \cdot \frac{3}{2} = \frac{7 \cdot 3}{13 \cdot 2} = \frac{7 \cdot 3}{2} = \frac{7 \cdot 3 \cdot 13}{2 \cdot 13} = \frac{7 \cdot 3}{2 \cdot 13} = \frac{7 \cdot 3}{13 \cdot 2} \\ &= \frac{7}{13} \cdot \frac{3}{2} \quad (\text{mit ganzen Zahlen erweitern}) \end{aligned}$$

Versuchen Sie bitte die drei Möglichkeiten zu Beurteilen (auch wenn das in der Kürze der Zeit sicherlich schwer fällt):

(1) Umkehroperation & Operatormodell & Umkehroperation

(2) „Zähler durch Zähler, Nenner durch Nenner“-Ansatz als Umkehrung der Multiplikationsregel für Brüche

(3) Doppelbruch und Erweitern



- **Aus persönlicher Sicht** (was hätte Ihnen helfen können?)
- **Aus didaktischer Sicht** (welcher Zugang ist an tragfähigsten?)

Gibt es von Ihrer Seite aus Fragen?



Vielen Dank!